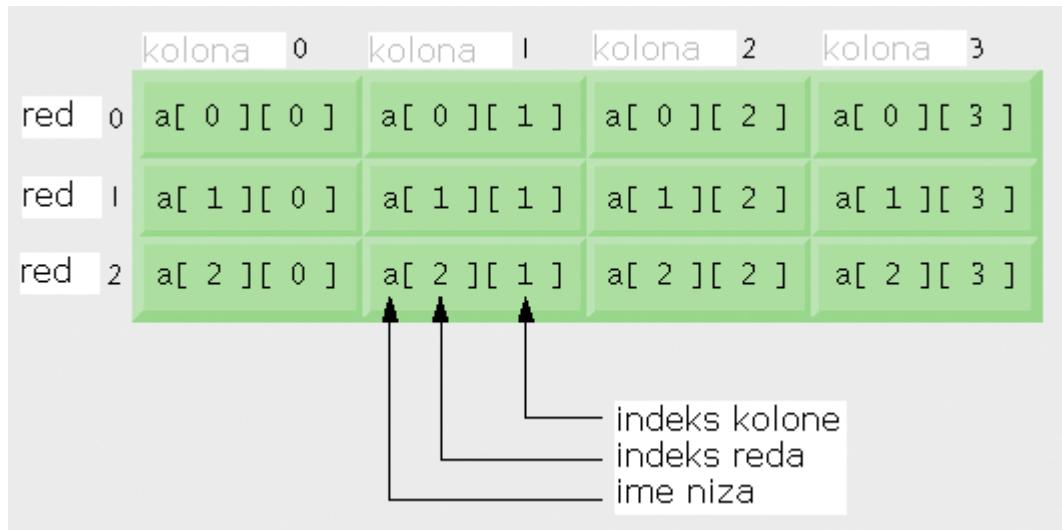


## Višedimenzionalni nizovi



### Deklarisanje višedimenzionalnog niza

```
int c[][] = new int[3][4]; // 3 reda i 4 kolone
```

U javi se višedimenzionalni niz predstavlja kao niz nizova. Kada je memorija alocirana, podrazumijevane vrijednosti za elemente niza su **0** za brojeve, **false** za tip boolean i **null** za reference.

Primjer: Deklaracija i inicijalizacija dvodimenzionalnog niza b

```
int b[][] = { { 1, 2 }, { 3, 4 } };
```

- 1 i 2 inicijalizuju b[0][0] i b[0][1]
- 3 i 4 inicijalizuju b[1][0] i b[1][1]

```
int x[][] = { { 1, 2 }, { 3, 4, 5 } };
```

- red 0 sadrži elemente 1 i 2
- red 1 sadrži elemente 3, 4 i 5

Obratite pažnju da dužine redova ne moraju biti iste.

**Primjer:** Kreiranje dvodimenzionalnog niza pomoću izraza za kreiranje nizova

- 3x4 niz

```
int b[][];
b = new int[ 3 ][ 4 ];
```
- Redovi mogu imati različit broj kolona

```
int b[][];
b = new int[ 2 ][ ]; // kreira 2 reda
b[ 0 ] = new int[ 5 ]; // kreira 5 kolona u prvom redu
b[ 1 ] = new int[ 3 ]; // kreira 3 kolone u drugom redu
```

**Primjer:** U tabeli je prikazan postupak deklarisanja 2D niza i izgleda memorije poslije izvršenja svakog od koraka.

```
int[][] myArray; // 1.
```

Deklariramo promjenljivu `myArray` koja će biti referenca na neki 2D niz. U ovom trenutku nije poznato broj redova i kolona tog niza.

Da bi kreirali niz od 3 reda:

```
myArray = new int[3][]; // 2.
```

Sada `myArray` referencira niz od 3 elemenata. Svaki od elemenata tog niza biće referenca na niz cijelih brojeva (tj. na `int[]`). Međutim, u ovom trenutku, nijedna od tri elementa ne referencira na objekat, pa svi imaju vrijednost null.

Jedan način da se kreira red 0 je:

```
myArray[0] = new int[3]; // 3.
```

Ova naredba kreira 1D niz i postavlja referencu na njega u polje 0 promjenljive `myArray`. Sva polja kreiranog 1D niza su postavljena na 0.

myArray



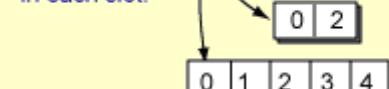
2. The variable now refers to an array of 3 arrays.  
An array of empty 1D array references.

Moguće je već kreirane 1D nizove pridružiti redovima niza `myArray`:

```
int[] x = {0, 2};  
int[] y = {0, 1, 2, 3, 4};  
  
myArray[1] = x;  
myArray[2] = y; // 4.
```



3. The array now has a slot that refers to a 1D array.



4. The array now has an object reference in each slot.

Promjenljiva `length` za 2D nizove daje broj redova niza. U primjeru iz tabele, `myArray.length` vraća 3. Pri štampanju ili obilasku pojedinačnog reda, mora se koristiti dužina tog reda npr. `myArray[2].length`. U primjeru iz tabele imamo da je `myArray[0].length` jednak 3, `myArray[1].length` jednak je 2, a `myArray[0].length` je 5. Obratite pažnju kako je u sljedećem primjeru riješeno štampanje elemenata 2D niza. Slična tehnika se primjenjuje i u slučaju 3D ili višedimenzionalnih nizova.

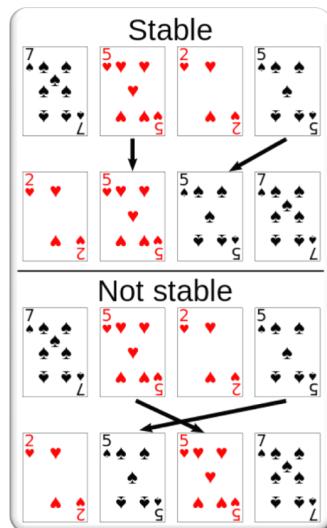
### Primjer:

```
// dekaracija i inicijalizacija 2D niza  
int[][] uneven = { { 1, 9, 4 }, { 0, 2 }, { 0, 1, 2, 3, 4 } };
```

```
// stampanje niza, red po red
for ( int row=0; row < uneven.length; row++ )
{
    System.out.print("Red " + row + ": ");
    for ( int col=0; col < uneven[row].length; col++ )
        System.out.print( uneven[row][col] + " " );
    System.out.println();
}
}
```

# Sortiranje

- ◆ Algoritam sortiranja (Sorting algorithm) - algoritam koji elemente liste postavlja u određeni poredak (najčešće leksikografski)
- ◆ Formalnije: ulaz je neki raspored elemenata, a izlaz je neka permutacija ulaza
- ◆ Efikasno sortiranje je važno jer daje izlaz koji je ljudima razumljiviji, predstavlja podatke u nekom kanonskom obliku, a često je i neophodna korak za upotrebu drugih algoritama.
- ◆ Sortiranje uvodi mnoge važne tehnike programiranja
- ◆ Algoritmi sortiranja se često klasificuju po:
  - Složenosti (engl. Computational complexity)
    - Najgori (worst), prosječni (average) i najbolji (best) slučaj
  - Upotrebi memorije (engl. Memory usage)
  - Rekursivni ili nerekursivni
  - Stabilnosti
    - Stable sorting algorithms
    - Čuvaju relativni poredak elemenata sa jednakim vrijednostima
    - Ako su dva elementa jednaka, njihov relativni poredak biće očuvan
    - Vidi sliku desno za primjer stabilnog i nestabilnog algoritma
  - Da li koriste operacije poređenja (engl. comparison sort) ili ne
  - Opšti metod algoritma
    - Umetanje (engl. insertion), razmjena (engl. exchange) – bubble sort i quicksort, selekcija (engl. selection) – heapsort, spajanje (engl. merging), serijski ili paralelni (engl. serial ili parallel)...



Sortiraćemo niz od n elemenata

- ◆ **Sortiranje selekcijom (Selection sort)**
  - Veoma jednostavan i neefikasan algoritam
  - Best, worst i average slučaj:  $n^2$
  - Memorija: 1 (konstantna, samo za min element)
  - Stabilan: Ne, Metod: Selection
  - [http://en.wikipedia.org/wiki/Selection\\_sort](http://en.wikipedia.org/wiki/Selection_sort)

```
for (j = 0; j < n-1; j++) {
    /* nadji min element u nesortiranom dijelu a[j .. n-1] */
    iMin = j;
    for (i = j+1; i < n; i++) {
        if (a[i] < a[iMin]) iMin = i;
    }
    if (iMin != j) swap(a[j], a[iMin]); // zamjena mesta
}
```

- ◆ **Sortiranje uzastopnim razmjenama (Bubble sort)**

- Ponavljamo prolazak kroz listu, poređimo parove susjednih elemenata i zamjenjujemo im mjesto ako nisu u pravom poretku
- Best slučaj:  $n$ , worst i average slučaj:  $n^2$
- Memorija: 1, Stabilan: Da, Method: Exchange
- [http://en.wikipedia.org/wiki/Bubble\\_sort](http://en.wikipedia.org/wiki/Bubble_sort)

```

procedure bubbleSort( A : list of sortable items )
  repeat
    swapped = false
    for i = 1 to length(A) - 1 inclusive do:
      /* if this pair is out of order */
      if A[i-1] > A[i] then
        /* swap them and remember something changed */
        swap( A[i-1], A[i] )
        swapped = true
      end if
    end for
    until not swapped
end procedure

```

#### ◆ Sortiranje umetanjem (Insertion sort)

- Kreira finalni sortirani niz, imitirajući dodavanje jednog po jednog elementa
- Best slučaj:  $n$ , worst i average case:  $n^2$
- Memorija: 1, Stabilan: Da, Metod: Insertion
- [http://en.wikipedia.org/wiki/Insertion\\_sort](http://en.wikipedia.org/wiki/Insertion_sort)

```

for i ← 1 to i ← length(A)-1
{
  valueToInsert ← A[i]
  holePos ← i
  while (holePos > 0 and valueToInsert < A[holePos - 1])
  {
    A[holePos] ← A[holePos - 1] // shift the larger value up
    holePos ← holePos - 1      // move the hole position down
  }
  A[holePos] ← valueToInsert
}

```

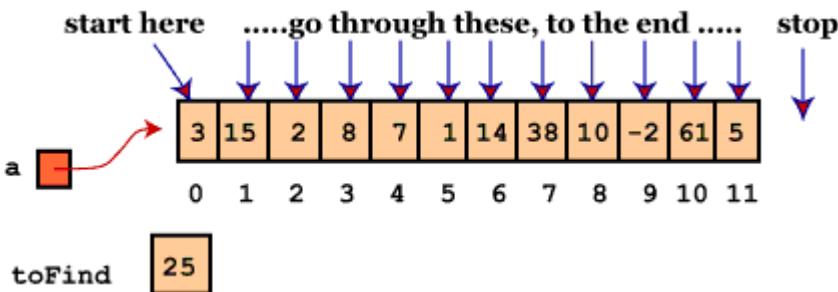
# Pretraživanje

- ◆ Algoritam pretraživanja (engl. Search algorithm) je algoritam pronalaženja elementa sa datim svojstvima u dатoj kolekciji objekata

Kao i kod sortiranja, prtetraživanje izvodimo u nizu

- ◆ Linearno pretraživanje (engl. Linear search)
  - Metod pronalaženja određene vrijednosti u listi
  - Provjerava redom, jedna po jedan, sve elemente
  - Sve dok se ne pronađe željeni element
  - Ili dok ne dođemo do kraja liste
  - Worst i average slučaj:  $O(n)$

```
for each item in the list:  
    if that item has the desired value,  
        stop the search and return the item's location.  
return nothing.
```



- ◆ Binarno pretraživanje (engl. Binary search)
  - Pronalazi poziciju željene vrijednosti unutar **sortiranog** niza
  - U svakom koraku, upoređuje vrednost sa srednjim elementom niza
  - Sada se ponavlja akcija za lijevi ili desni dio niza
  - Average slučaj:  $O(\log(n))$
  - Može se napisati rekursivno ili iterativno
  - Rekursivna verzija

```
int binary_search(int A[], int key, int imin, int imax)  
{  
    if (imax < imin)// skup je prazan, vracamo da nista nije nadjeno  
        return KEY_NOT_FOUND;  
    else  
    {  
        // odredimo srednji element, dijeljenjem na pola  
        int imid = midpoint(imin, imax);  
        if (A[imid] > key) // key je u donjoj polovini skupa  
            return binary_search(A, key, imin, imid-1);  
        else if (A[imid] < key) // key je u gornjoj polovini skupa  
            return binary_search(A, key, imid+1, imax);  
        else  
            return imid; // key je pronađen  
    }  
}
```

- Iterativna verzija

```
int binary_search(int A[], int key, int imin, int imax)
{
    // nastavi sa traženjem dok [imin,imax] nije prazan
    while (imax >= imin)
    {
        /* odredimo srednji element */
        int imid = midpoint(imin, imax);
        // odredimo koji podniz da pretrazujemo
        if (A[imid] < key)
            // promjena min indeksa za pretragu gornje polovine niza
            imin = imid + 1;
        else if (A[imid] > key)
            // promjena min indeksa za pretragu donje polovine niza
            imax = imid - 1;
        else
            // key je pronađen na poziciji imid
            return imid;
    }
    return KEY_NOT_FOUND;
}
```